Exercice (4 points)

Pour chaque énoncé choisir l'unique réponse exacte sans justification.

- 1) L'arrondi aux centièmes de 4562,785 est :

b) 4562,79.

c) 4562,78.

- 2) Le réel $\frac{2^{-11} + 2^{-10} + 2^{-9}}{2^{-20} + 2^{-19} + 2^{-18}}$ est égal à :
 - a) 2^9 .

- c) 3.2^{-9} .
- 3) Le produit $P = \left(1 + \frac{1}{5}\right) \times \left(1 + \frac{1}{6}\right) \times \dots \times \left(1 + \frac{1}{2019}\right)$ est égal à :

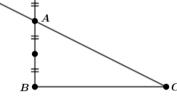
b) $\frac{2019}{5}$.

- 4) On donne la figure ci-contre où les droites (MN) et (BC) sont parallèles.

a)
$$AM = \frac{1}{3}AC$$
.

b)
$$AM = \frac{3}{5}AC$$

b)
$$AM = \frac{3}{5}AC$$
. c) $AM = \frac{1}{2}AC$.



Exercice 2 (4 points)

Simplifier au maximum chacun des nombres suivants :

$$A = \sqrt{10^{-11}}.\sqrt{10^{5}}, B = \frac{2^{7}.0,001.\left(2^{-2}.5\right)^{3}}{\frac{2^{-3}}{5}}, C = \left(2 - \frac{1}{7}\right) \times \left(2 - \frac{2}{7}\right) \times ... \times \left(2 - \frac{31}{7}\right) \text{ et } D = \frac{2\sqrt{5} + 5\sqrt{2}}{\sqrt{5} - \sqrt{2}}.$$

Exercice 3 (5 points)

Soient les réels $a = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}}$ et $b = \sqrt{150} - \sqrt{54} + 5$.

- 1) a) Développer $(\sqrt{3} \sqrt{2})^2$.
 - b) Montrer que $a = 5 2\sqrt{6}$ et $b = 5 + 2\sqrt{6}$.
 - b) Montrer que b est l'inverse de a.
 - c) En déduire que $\sqrt{\frac{2a + \frac{1}{1/2}}{\frac{1}{1/2} + 2b}} = a$.
- 2) a) Montrer que 0 < a < 1.
 - b) Ranger alors, dans l'ordre croissant, les réels $\sqrt{3} \sqrt{2}$, $5 2\sqrt{6}$ et $(5 2\sqrt{6})^2$.

Exercice 4 (7 points)

1) Construire un triangle ABC tel que AB = 6, AC = 7 et BC = 5.

Placer le point K de la demi-droite [AB] tel que AK = 9.

La parallèle à (KC) passant par K coupe [AC] en I.

- **2)** Calculer AI.
- 3) Les segments [KI] et [BC] se coupent en O.
 - a) Evaluer le rapport $\frac{OB}{OC}$ et en déduire que $\frac{BO}{BC} = \frac{2}{5}$.
 - b) Calculer OB.
- 4) La parallèle à (KI) passant par B coupe la droite (AC) en H.
 - a) Montrer que $AI^2 = AH.AC$.
 - b) Calculer alors AH.